

MECÂNICA DOS SOLOS — AULA 07 REFERENTE A AULA 05 DO LIVRO

PROF: BRUNA COELHO

Os solos são constituídos de partícula e que forças aplicadas a eles são transmitidas de partícula a partícula, e que algumas dessas forças são suportadas pela água e pelos vazios;

- ESSA TRANSMISSÃO DEPENDE DO TIPO DE MINERAL:
- ✓ Partículas maiores:

A transmissão das forças são através de contato direto de mineral a mineral;

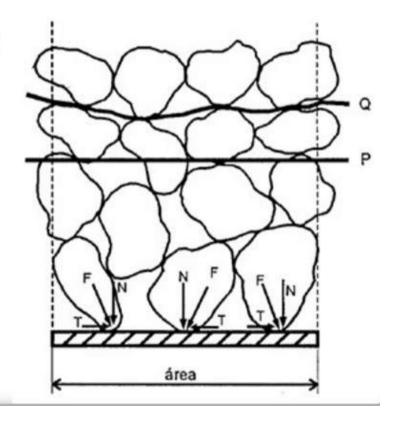
✓ Partículas de argila: (número grande)

A força em cada contato são pequenas e a transmissão pode ocorrer através de água quimicamente absorvida;

Tensão total em um meio contínuo:

Forças transmitidas à placa; que podem ser normais e tangenciais. Por uma simplicidade sua ação é substituída pelo conceito de tensões.

$$\sigma = \frac{\sum N}{\text{área}}$$
 $\tau = \frac{\sum T}{\text{área}}$



Tensões Geostáticas

Tensões na massa de solo

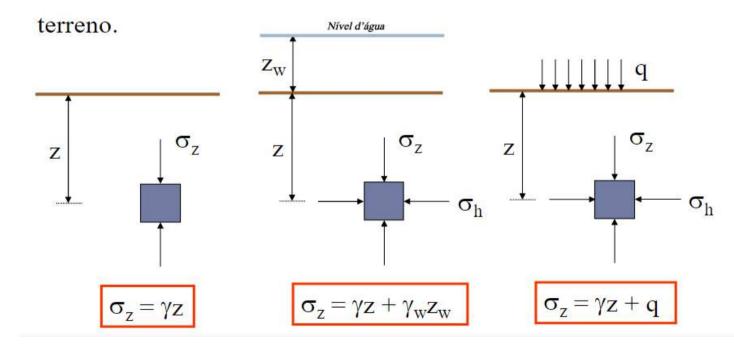
- → Tensões devido ao peso próprio;
- → Tensões devido a propagação de cargas externas aplicadas ao terreno.

Tensões devido ao peso próprio do solo

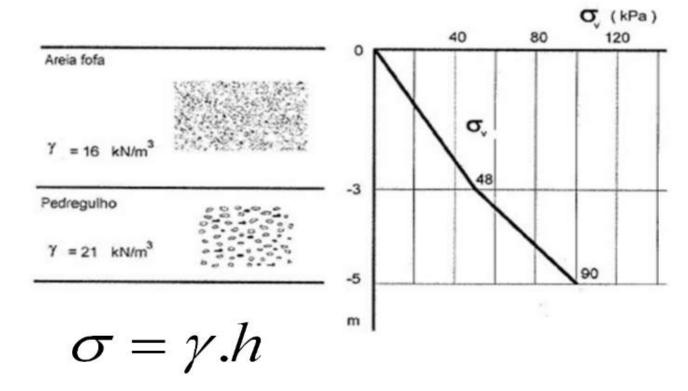
Quando a superfície do terreno é horizontal, aceita-se, que a tensão atuante num plano horizontal a uma certa profundidade seja normal ao plano. Não há tensão cisalhante nesse plano.

$$\sigma_{v} = \frac{\gamma_{n}.Vol}{\acute{A}rea} = \gamma_{n}.h$$

- Tensões na massa de solo
- → Tensões devido ao peso próprio;
- → Tensões devido a propagação de cargas externas aplicadas ao



➤ Exemplo de Cálculo



➤ Exercício 1 – Calcule a tensão total a 15m de profundidade.

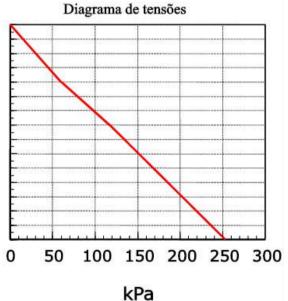


$$\sigma = \gamma . h$$

Tensões Geostáticas

Exercício 1





Tensões Geostáticas

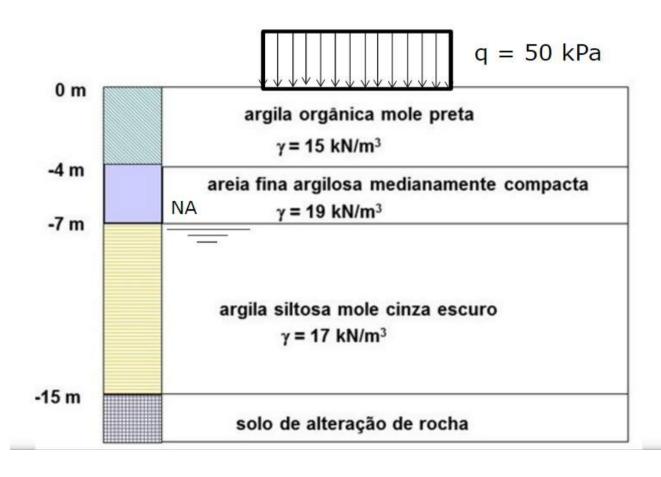
<u>Pressão neutra (ou poropressão) – u ou u</u>_w

Pressão na água dos vazios do solos → corresponde a carga piezométrica da Lei de Bernoullli.

$$z_w$$
=altura da coluna d'água. $u = \gamma_w . z_w$

Ao notar a diferença de natureza das forças atuantes, Terzaghi identificou que a tensão total num plano qualquer deve ser considerada como a soma de duas parcelas:

- (1) A tensão transmitida pelos contatos entre as partículas, por ele chamada de *tensão efetiva* (σ')
- (2) Pela pressão da água, a qual recebeu a denominação de *pressão neutra ou poropressão*.



Calculo das tensões

Camada 01

$$q := 50kPa$$

$$\gamma := 15 \frac{kN}{m^3}$$

$$h_1 := 4m$$

$$\sigma_1 := \mathbf{q} + \mathbf{\gamma} \cdot \mathbf{h}_1$$

$$\sigma_1 = 110 \text{ kPa}$$

Camada 02

$$\sigma_1 = 110 \, \text{kPa}$$

$$\gamma := 19 \frac{kN}{m^3}$$

$$h_2 := 3m$$

$$\sigma_2 \; := \; \sigma_1 \; + \; \gamma \! \cdot \! \mathbf{h}_2$$

$$\sigma_2 = 167 \text{ kPa}$$

Camada 03

$$\sigma_2 = 167 \, \text{kPa}$$

$$V := 17 \frac{kN}{m^3}$$

$$h_3 := 8m$$

$$\sigma_3 := \sigma_2 + \gamma \cdot h_3$$

$$\sigma_3 = 303 \, \text{kPa}$$

Calculo das poropressões

Camada 01

$$u_1 := 0$$

pois a camada é de solo seco. Acima do NA.

Camada 02

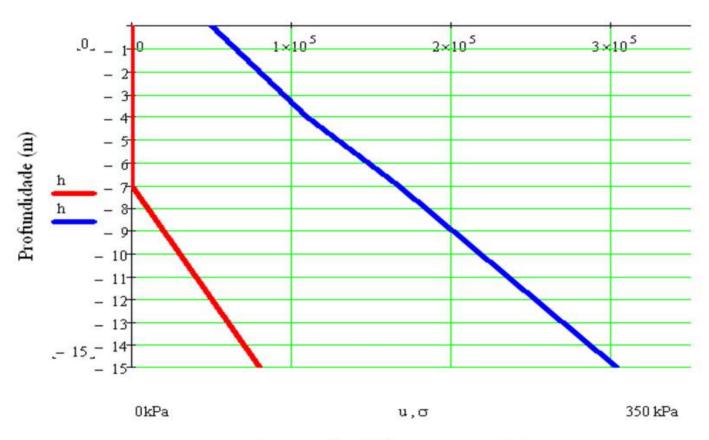
$$u_2 := 0$$

pois a camada é de solo seco. Acima do NA.

Camada 03

$$\gamma_{w} := 10 \frac{kN}{m^{3}}$$
 $\mathbf{u}_{3} := \mathbf{u}_{2} + \gamma_{w} \cdot \mathbf{h}_{3}$

$$h_3 := 8m$$
 $u_3 = 80 \text{ kPa}$



Tensão Total/Poropressão (Pa)

Terzaghi estabeleceu o Princípio da Tensões Efetivas:

A tensão efetiva, para os solos saturados, pode ser expressa por:

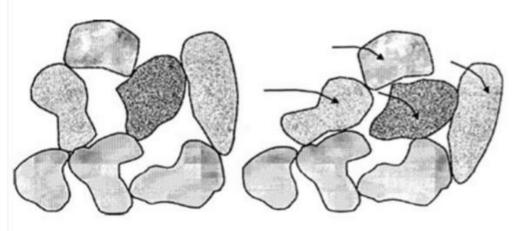
$$\sigma' = \sigma - \underline{u}$$
Poropressão
Tensão total

Todos os efeitos mensuráveis resultantes de variações de tensões nos solos, como compressão, distorção e resistência ao cisalhamento são devidos a variações de tensões efetivas.

Terzaghi estabeleceu o Princípio da Tensões Efetivas:

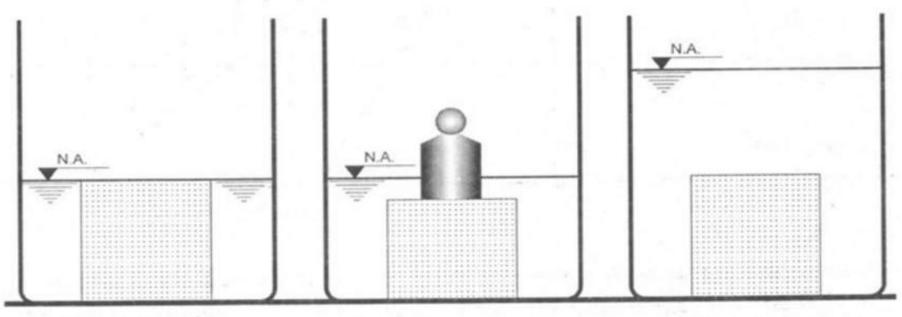
"Se a tensão total num plano aumentar, sem que a pressão da água aumente, as forças transmitidas pelas partículas nos seus contatos se alteram, as posições relativas dos grãos mudam"

O aumento de tensão foi efetivo!



Nos solos as deformações correspondem a variações de forma ou de volume do conjunto, resultantes do deslocamento relativo de partículas.

Terzaghi estabeleceu o *Princípio da Tensões Efetivas* – *Explicação física!*

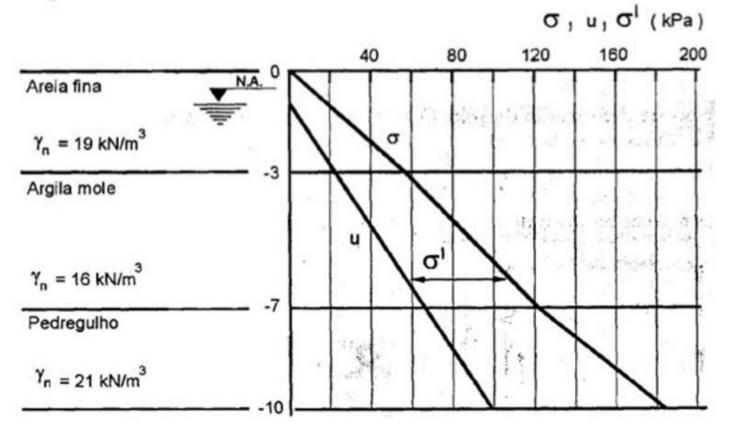


a - Esponja em repouso

b - Peso aplicado

c - Elevação da água

Exemplo de Cálculo:



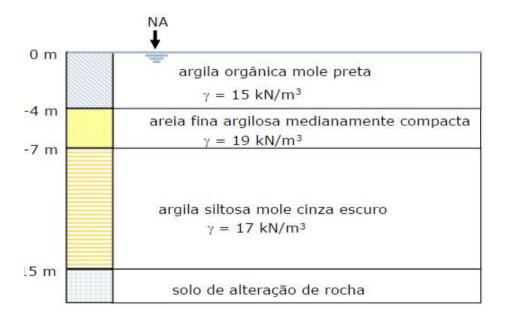
<u>Cálculo das tensões efetivas com o peso específico aparente submerso.</u>

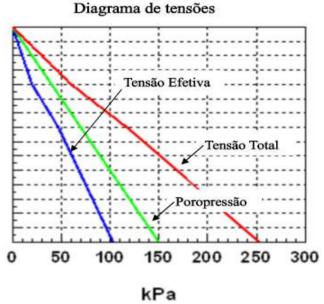
• No exemplo anterior o acréscimo de tensão efetiva da cota -3 m até à -7 m é o resultado do acréscimo da tensão total, menos o acréscimo da poropressão.

$$\Delta \sigma = \Delta z$$
. $\gamma_n = 16 \text{ x } 4 = 64 \text{ kPa}$
 $\Delta u = \Delta z$. $\gamma_w = 10 \text{ x } 4 = 40 \text{ kPa}$
 $\Delta \sigma' = \Delta \sigma - \Delta u = 64 - 40 = 24 \text{ kPa}$

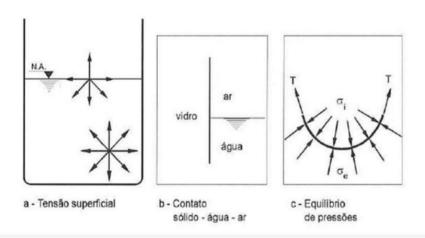
Esse acréscimo pode ser calculado por meio do peso específico submerso que leva em conta o empuxo da água: $\gamma_{sub} = \gamma_{nat} - \gamma_{w}$ $\Delta \sigma' = \Delta z$. $\gamma_{sub} = 4x(16-10) = 24 \text{ kPa}$

Exercício 3 : Considere o perfil abaixo. Trace o gráfico da variação de σ, u e σ', a 0m ; 4m ; 7m e 15m.





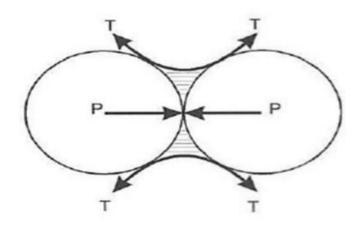
Molécula de água envolta por água (interior);
Tensão Superficial → tensão de membrana (superficie)
Contato com sólido → forças químicas de adesão → diferença de pressão nos lados da membrana → curvatura



Tensão superficial da água → aproxima as partículas → aumento da tensão efetiva (força entre grãos)

COESÃO APARENTE → Castelo de Areia (Saturação ≠ 0 ou 100 %)

Argilas → Estabilidade de Taludes



A altura de ascensão capilar (hc) é inversamente proporcional ao raio do tubo (r)

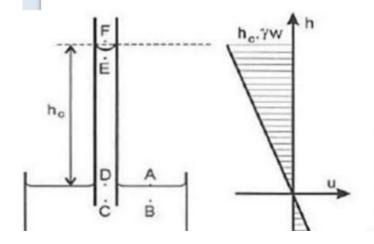
Tensão Superficial da água (T) a 20°C = 0,073 N/m²

Diâmetro (1 mm) \rightarrow hc (3 cm)

Diâmetro $(0,1 \text{ mm}) \rightarrow \text{hc } (30 \text{ cm})$

Diâmetro $(0,01 \text{ mm}) \rightarrow \text{hc } (3 \text{ m})$

$$h_c = \frac{2 \cdot T}{r \cdot \gamma_w}$$



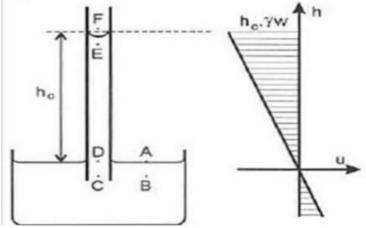
A altura da ascensão capilar pode ser determinada igualando-se o peso da água no tubo com a resultante da tensão superficial que a mantém na posição acima do nível d'água livre

Medida em altura de coluna d'água, a tensão na água logo abaixo do menisco capilar é negativa e igual à altura de ascensão capilar.

$$p/u(-) \rightarrow \sigma' > \sigma$$

Aumento das tensões entre os grãos → aumento das tensões efetivas

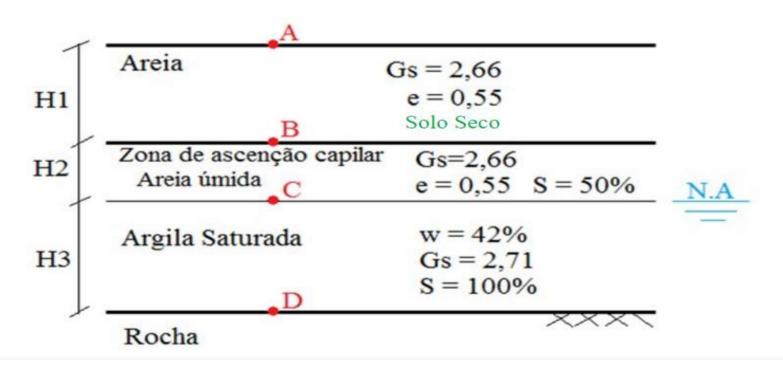
Ex.: Separação de duas placas de vidro com água entre elas.



Altura de Ascensão

- √ Pedregulho (centímetros)
- ✓ Areia (1 a 2 m)
- ✓ Silte (3 a 4 m)
- ✓ Argila (+10 m)

Exercício 4: Considere o perfil abaixo. Onde: H = 2 m; H2 = 1,8 m; H3 = 3,2 m. Trace o gráfico da variação de σ, u e σ'.



```
✓ peso específico natural: \gamma = W/V
```

✓ teor de umidade:
$$w = (Ww/Ws)$$

✓ peso específico aparente seco:
$$\gamma d = Ws/V = \gamma/(1 + w)$$

✓ indice de vazios:
$$e = Vv/Vs = (\gamma s/\gamma d) - 1$$

✓ porosidade:
$$\eta = Vv/V = e/(1+e)$$

✓ grau de saturação:
$$S = Vw/Vv = (w . \gamma s)/(e . \gamma w)$$

✓ peso específico saturado:
$$γsat = Wsat/V = (1 - η) . γs + η . γw$$

✓ peso específico submerso:
$$γsub = γsat - γw = (γs - γw) . (1 - η)$$

Densidade real dos grãos ou sólidos (G)

$$G = \gamma s / \gamma w$$

$$\gamma_d = \frac{S \cdot \gamma_s \cdot \gamma_w}{S \cdot \gamma_w + \gamma_s \cdot w}$$

- 1) Calcule o $\gamma_{d \; (areia)}$
- 2) Calcule o γ (areia úmida)
- 3) Calcule o e (argila saturada)
- 4) Calcule o γ (sat da argila)
- 5) Calcule as tensões totais e as poropressões em cada ponto
- 6) Calcule as tensões efetivas;
- 7) Desenhe os

